



Como puedes ver en el gráfico, hemos llamado **X** a la distancia que se nada e **Y** a la que se corre por la playa.

Tenemos que buscar la función tiempo. Si recuerdas, la velocidad se calculaba dividiendo el espacio entre el tiempo invertido:

$$v = \frac{e}{t}$$

Por tanto, despejando, el tiempo se calcula:  $t = \frac{e}{v}$

Ahora bien, hemos de distinguir los dos trozos, el de nado y el de carrera. Así, en el tramo de nado el tiempo invertido será  $t_1 = \frac{x}{3}$  pues nada una distancia de X km a una velocidad de 3 km/h y en

el tramo de playa, se invertirá un tiempo de  $t_2 = \frac{y}{10}$ , pues la distancia que corre es Y y la velocidad 10 km/h.

Por tanto, el tiempo total será:  $T = \frac{x}{3} + \frac{y}{10}$

Ahora debemos buscar alguna relación entre las dos variables. Si observas, se forma un triángulo rectángulo donde la hipotenusa es X y los catetos 3 y (6 - y). y podemos aplicar el [teorema de Pitágoras](#). Tenemos que:

$$3^2 + (6 - y)^2 = x^2$$

Y tomando raíz cuadrada:  $x = \sqrt{3^2 + (6 - y)^2} = \sqrt{y^2 - 12y + 45}$

Por tanto la función es:  $T = \frac{\sqrt{y^2 - 12y + 45}}{3} + \frac{y}{10}$

La derivada de esa función es  $T'(y) = \frac{1}{3} \cdot \frac{2y-12}{2\sqrt{y^2-12y+45}} + \frac{1}{10}$

Si igualamos a cero y resolvemos esa ecuación, a mano o usando [wiris](#), obtenemos como solución

$$y = 6 - \frac{9\sqrt{91}}{91}, \text{ cuyo valor es aproximadamente } 5,06 \text{ km.}$$

Puesto que Y indica el punto de desembarco desde el chiringuito, la solución del problema es que Martín debe nadar hasta el punto que se encuentra a 5,06 km del chiringuito.